

Introduction :

Le viscosimètre à chute de bille est un appareil qui permet de calculer la viscosité d'un fluide par son principe spécial qui consiste à lâcher une bille dans le fluide et on fait les calculs qui en suivent jusqu'à aboutir à la viscosité des fluides demandés

But du TP :

L'objectif de ce TP est de déterminer le temps de chute de la bille qui nous permettra d'exprimer la vitesse moyenne de la bille qui diffère selon le fluide et de la lancer, ensuite on se sert de la dynamique puis on calcule le nombre de Reynolds avant de s'attaquer à la force de traînée C_x en fonction du nombre de Reynolds.

Théorie à utiliser et quelques définitions :

a) Utilité des définitions :

- Force de traînée :

C'est la force qui s'oppose au mouvement d'un corps dans un liquide ou gaz.

Mathématiquement c'est la composante des efforts exercés sur le corps dans la direction opposée à la vitesse relative du corps par rapport au fluide

- Coefficient de traînée

Un mobile se déplaçant dans un fluide se voit opposer de la part de ce fluide une distribution de pression dont la résultante s'oppose à sa marche. La composante de cette résultante selon la direction du mobile est appelée traînée. L'intensité de cette force est exprimée en fonction de la vitesse, du fluide dans lequel il interagit. Le coefficient de traînée C_x et un nombre sans dimension caractéristique de la forme du mobile uniquement

- Nombre de Reynolds :

C'est un nombre sans dimension utilisé en mécanique des fluides il est lié aux écoulements il représente le rapport du transfert par convection par le transfert par diffusion de la quantité de mouvement

b) Formule :

- Vitesse moyenne $v = x/t = 0.80/t$
- T : temps de chute

Vitesse moyenne corrigée : $v = (1 + 2.105D/D_t + 1.95D/H_t)v_m$

D : diamètre de bille

D_t : diamètres de tubes = 0.094 m

Ht : hauteur de chute = 1.30 m

Loi de stockes :

$$\vartheta = \frac{g \cdot D^2 (\rho_b - \rho_L)}{18V\rho L}$$

Loi d'Oseen :

$$\vartheta = \frac{g \cdot D^2 (\rho_b - \rho_L)}{18V\rho L} \left(\frac{3}{16} \frac{DV}{\vartheta} \right)$$

Loi de Klitchka :

$$\vartheta = \frac{g \cdot D^2 (\rho_b - \rho_L)}{18V\rho L} \left(\frac{1}{1 + \frac{1}{6} \frac{DV}{\vartheta}} \right)$$

Coefficient de trainée

$$C_x = 24/Re \quad \text{pour } Re < 0.2$$

$$C_x = 24/Re(1+3/16.Re) \quad \text{pour } 0.2 < Re < 5$$

$$C_x = 24/Re(1+Re.2/3.6) \quad \text{pour } 5 < Re < 850$$

Nombre de Reynolds

$$Re = \frac{VD}{\vartheta}$$

V : vitesse corrigée de la bille

D : diamètre de la bille

ϑ : viscosité du liquide

Description de l'appareil et manipulation :

L'appareil est composé d'un support vertical qui supporte trois tubes contenant chacun un liquide différent les uns des autres dont nous sommes censés calculer leur viscosité à l'extrémité de chaque tube est ce un système de relâchement de bille qui permet de lâcher la bille avec précision on observe à travers les tubes desqui délimitent la distance à chronométrer la manipulation est donc de lâcher la bille grâce au système puis après le premier axe de délimitation on commence à chronométrer à l'aide d'un chronomètre, on arrête le chronomètre quand la bille passe l'autre axe de délimitation

Réponse aux questions :

A tableau des trois fluides, qui se font traverser par différentes billes en un temps t :

matière	Diamètre Φ mm	Temps (s) eau	Temps (s) tesla	Temps (s) tarada
Inox	7	0.54	0.87	1.87
	6	0.50	0.96	2.43
dural	6	1.75	2.77	7.28
	5	1.45	3.59	9.93
polyamide	7	2.72	6.88	21.63
	5	3.15	9.76	36.06
Poste forme	7	2.71	6.90	21.45
	6	2.88	8.07	26.26

b/ calcul des vitesses moyennes dans un tableau

$$V_m = \frac{x}{t} = \frac{0.80}{t}$$

matière	Diamètre Φ mm	Vitesse moyen (m/s)		
		eau	tesla	tarada
Inox	7	1.48	0.92	0.42
	6	1.6	0.83	0.33
dural	6	0.45	0.28	0.11
	5	0.55	0.22	0.08
polyamide	7	0.30	0.11	0.03
	5	0.25	0.08	0.02
Poste forme	7	0.29	0.11	0.03
	6	0.27	0.09	0.03

Correction de la vitesse dans un tableau

D : diamètre de la bille (m)

$$V = \left[1 + \left(\frac{2.105d}{0.09} \right) + \left(\frac{1.95}{1.3} D \right) \right] V_m$$

matière	Diamètre Φ mm	Vitesse corrigé (m/s)		
		eau	tesla	tarada
Inox	7	1.71	1.062	0.48
	6	1.82	0.94	0.37
dural	6	0.51	0.32	0.12
	5	0.61	0.24	0.09
polyamide	7	0.35	0.12	0.03
	5	0.28	0.09	0.02
Poste forme	7	0.33	0.12	0.03
	6	0.30	0.10	0.03

4) calcul de viscosité

Délimitons les choix de loi dans un tableau sachant que :

$$g = 9.81$$

$$D = 0.094 \text{ m}$$

$$\rho_{\text{inox}} = 7.83 \text{ g/cm}^3$$

$$\rho_{\text{sural}} = 2.7 \text{ g/cm}^3$$

$$\rho_{\text{polyamide}} = 1.13 \text{ g/cm}^3$$

$$\rho_{\text{poste forme}} = 1.48 \text{ g/cm}^3$$

$$\rho_{\text{tesla}} = 0.823 \text{ g/cm}^3$$

$$\rho_{\text{tarada}} = 0.856 \text{ g/cm}^3$$

$$\rho_{\text{eau}} = 1 \text{ g/cm}^3$$

matière		Vitesse limité		
		Eau (m/s)	Tesla (m/s)	Tarada (m/s)
Inox	LS	$V < 0.28$	$V < 0.29$	$V < 0.228$
	LO	$0.28 < V < 0.95$	$0.29 < V < 1.06$	$0.228 < V < 1.08$
	LK	$0.95 < V$	$1.06 < V$	$1.08 < V$
dural	LS	$V < 0.13$	$V < 0.15$	$V < 0.14$
	LO	$0.13 < V < 0.47$	$0.15 < V < 0.54$	$0.14 < V < 0.53$
	LK	$0.47 < V$	$0.54 < V$	$0.53 < V$
polymide	LS	$V < 0.036$	$V < 0.060$	$V < 0.057$
	LO	$0.036 < V < 0.13$	$0.060 < V < 0.22$	$0.057 < V < 0.20$
	LK	$0.13 < V$	$0.22 < V$	$0.20 < V$
Poste forme	LS	$V < 0.070$	$V < 0.020$	$V < 0.086$
	LO	$0.070 < V < 0.25$	$0.020 < V < 0.32$	$0.086 < V < 0.31$
	LK	$V < 0.25$	$V < 0.32$	$V < 0.31$

C'est calculé on s'est basé sur la formule suivante :

Loi de Stokes

$$V = \sqrt{\frac{gd(\rho_b - \rho_L)}{\rho_L}}$$

Loi de Klitchka

$$V = \sqrt{\frac{490d(\rho_b - \rho_L)}{279\rho_L}}$$

$$\sqrt{\frac{gd(\rho_b - \rho_L)}{g\rho_L}} < V \leq \sqrt{\frac{490d(\rho_b - \rho_L)}{279\rho_L}}$$

Pour la loi d'Oseen

NB :

LS —————> loi de Stokes

LO —————> loi d'Oseen

LK —————> loi de Klitchka

G = pesanteur

D = diamètre du tube

ρ_L = masse volumique

Tableau des calculs de viscosité cinématique et dynamique :

matière	Diamètre Φ mm	viscosité					
		eau		tesla		tarada	
		cinema	dyna	cinema	dyna	cinema	dyna
Inox	7	0.018	0.018	0.032	0.026	0.073	0.062
	6	0.017	0.017	0.027	0.022	0.099	0.084
dural	6	0.16	0.16	0.028	0.023	0.086	0.073
	5	0.013	0.013	0.023	0.018	0.11	0.09
polyamide	7	0.0017	0.0017	0.025	0.020	0.059	0.050
	5	0.0019	0.0019	0.03	0.024	0.077	0.065
Poste forme	7	0.007	0.007	0.029	0.023	0.117	0.100
	6	0.007	0.007	0.036	0.029	0.117	0.100

Calculs du nombre Reynolds :

$$Re = \frac{VD}{\nu}$$

V : vitesse corrigée

D : diamètre de bille

ν : viscosité cinématique

matière	Diamètre Φ mm	nombre Reynolds		
		eau	tesla	tarada
Inox	7	0.66	0.23	0.0460
	6	0.61	0.21	0.022
dural	6	0.19	0.071	0.008
	5	0.23	0.052	0.004
polymide	7	1.44	0.033	0.003
	5	0.73	0.015	0.001
Poste forme	7	0.33	0.028	0.001
	6	0.3	0.016	0.001

6/ calcul de la force de trainée C_x selon C_x pour formule :

$$C_x = \frac{24}{Re} \quad \text{pour } Re < 0.2$$

$$C_x = \frac{24}{Re} \left(1 + \frac{3}{16} Re\right) \quad \text{pour } 0.2 < Re < 5$$

$$C_x = \frac{24}{Re} \left(1 + Re * \frac{2}{3} / 6\right) \quad \text{pour } 5 < Re < 850$$

matière	Diamètre Φ mm	Force de trainée C_x		
		eau	tesla	tarada
Inox	7	40.86	108.84	521.7
	6	40.45	115.32	1090
dural	6	126.31	338.02	3000
	5	105.39	461.5	6000
polymide	7	18.8	727.27	8000
	5	34.5	1600	24000
Poste forme	7	75.2	857.14	24000
	6	75.01	1500	24000

Conclusion :

On peut dire que a quelque défaut préés le viscosité sont constantes dans un même liquide si on varie les billes alors que c'est contraire pour la force de trainée qui varie en fonction du ρ de la bille et de son diamètre